

# Osnovi analogne elektronike

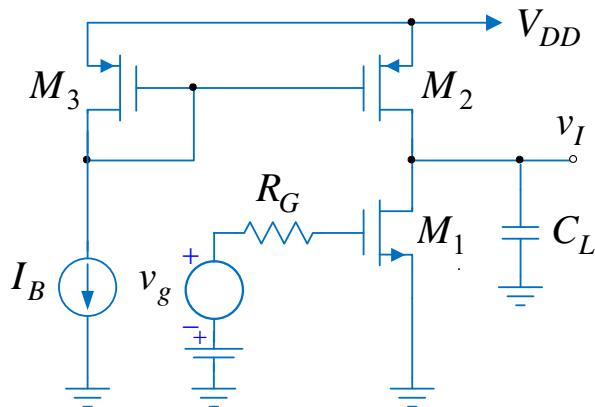
---

Frekvencijske karakteristike pojačavača na visokim  
učestanostima-nastavak

Radivoje Đurić

5/27/2018

**5.8.** Kolo pojačavača sa slike se napaja iz baterije  $V_{DD} = 1.8 \text{ V}$ , dok je  $I_B = 50 \mu\text{A}$  i  $R_G = 1 \text{ k}\Omega$ . Parametri upotrebljenih tranzistora su:  $L_{\min} = 0.18 \mu\text{m}$ ,  $\mu_n C_{ox} = 270 \mu\text{A/V}^2$ ,  $\mu_p C_{ox} = 70 \mu\text{A/V}^2$ ,  $|V_T| = 0.45 \text{ V}$ ,  $\lambda L = 0.08 \mu\text{m/V}$ ,  $C_{ox} = 8.5 \text{ fF}/\mu\text{m}^2$ ,  $C_{dbn}/W = 0.50 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{dbp}/W = 0.55 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{ov}/W = 0.35 \text{ fF}/\mu\text{m}$  i  $t_{ox} = 5 \text{ nm}$ .



Slika 5.8.

a) Odrediti širine i dužine kanala svih tranzistora tako da:

- propusni opseg pojačavača pri  $C_L = 10 \text{ pF}$  bude  $BW = 5 \text{ MHz}$ ;
- minimalni moduo naponskog pojačanja pojačavača u propusnom opsegu bude  $|A_0| = 15$ ;
- se u kolu disipira najmanja snaga.

b) Odrediti i nacrtati asimptotsku amplitudsku karakteristiku impedanse  $Z_0(s)$  koju vidi kondenzator  $C_L$ .

#### Rešenje:

a) Velika vrednost kapacitivnosti  $C_L$  znači da je dominantan pol određen vremenskom konstantom izlaznog kola pojačavača

$$\omega_p \approx \frac{1}{R_i C_L}.$$

Usled toga je i propusni opseg, odnosno gornja granična učestanost određena učestanošću ovog pola

$$BW = f_H = \frac{\omega_H}{2\pi} \approx \frac{\omega_p}{2\pi} = \frac{1}{2\pi R_0 C_L}.$$

Izlazna otpornost pojačavača je

$$R_0 = r_{ds1} \parallel r_{ds2} = \frac{1}{g_{ds1} + g_{ds2}} = \frac{1}{\lambda_1 + \lambda_2} \frac{1}{I_{D1,2}}.$$

Budući da je propusni opseg  $BW$  konstantran, to je

$$\frac{1}{\lambda_1 + \lambda_2} \frac{1}{I_{D1,2}} = const.$$

Disipacija u kolu u mirnoj radnoj tački je

$$P_D = V_{DD} (I_{D1,2} + I_B),$$

što znači da za minimalnu disipaciju i struja  $I_{D1,2}$  treba da bude minimalna.

Prethodni zaključak znači da  $\lambda_1 + \lambda_2$  treba da bude maksimalno, odnosno

$$\lambda_1 = \lambda_2 = \frac{(\lambda L)}{L_{\min}} = \frac{0.08}{0.18} \text{ V}^{-1} = 0.44 \text{ V}^{-1}.$$

Struja drejna tranzistora  $M_1$  i  $M_2$  u mirnoj radnoj tački je

$$I_{D1,2} = \frac{1}{\lambda_1} \frac{1}{r_{ds1}} = \frac{1}{\lambda_1} \pi C_L BW \approx 350 \mu A.$$

Naponsko pojačanje u propusnom opsegu je

$$A_0 = -\frac{g_m}{g_{ds1} + g_{ds2}} = -\frac{2I_{D1,2}}{V_{OV1} (\lambda_1 + \lambda_2) I_{D1,2}} = -\frac{2}{V_{OV1} (\lambda_1 + \lambda_2)},$$

odakle je

$$V_{OV1} = \frac{2}{|A_0|} \frac{1}{(\lambda_1 + \lambda_2)}.$$

Pošto je

$$I_{D1,2} = \mu_n C_{ox} \frac{W_1}{L_{min}} V_{OV1}^2 = \mu_n C_{ox} \frac{W_1}{L_{min}} \frac{4}{A_0^2} \frac{1}{(\lambda_1 + \lambda_2)^2},$$

smenom se dobija

$$W_1 = \frac{(\lambda_1 + \lambda_2)^2 A_0^2 L_{min} I_{D1,2}}{4 \mu_n C_{ox}} = 20.74 \mu m.$$

Usvojićemo da je širina kanala PMOS tranzistora  $M_2$  ista

$$W_2 = W_1 = 20.74 \mu m.$$

S obzirom da struje drejna referentnog tranzistora  $M_3$  i tranzistora  $M_2$  stoje u odnosu 1:7, to je

$$W_3 = W_2 / 7 = 2.96 \mu m, \quad L_3 = L_{min} = 0.18 \mu m.$$

b) Impedansa koju vidi kondenzator  $C_L$  jednaka je

$$Z_0 = R_0 \parallel \frac{1}{sC_3} \parallel Z_{01}.$$

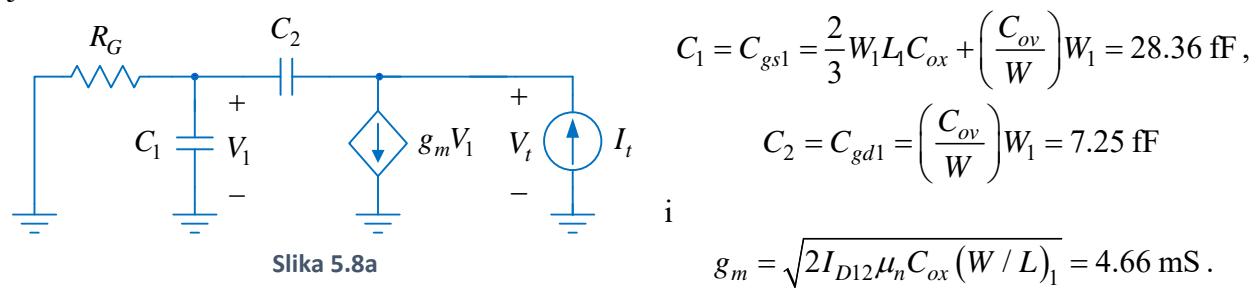
Izlazna otpornost pojačavača je

$$R_0 = r_{ds1} \parallel r_{ds2} = \frac{1}{\lambda_1 + \lambda_2} \frac{1}{I_{D1,2}} = 3.2 k\Omega,$$

kapacitivnost  $C_3$  iznosi

$$C_3 = C_{db1} + C_{db2} + C_{gd2} = \left( \frac{C_{dbn}}{W} \right) W_1 + \left( \frac{C_{dbp}}{W} \right) W_2 + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_2 \approx 29 fF,$$

dok je  $Z_{01}$  impedansa koja se dobija na osnovu kola sa slike 5.8a. Prema oznakama na ovoj slici je



Primenom Kirhofovih zakona se dobija

$$Z_{01} = \frac{V_t}{I_t},$$

$$V_1 = \frac{R_G \parallel \frac{1}{sC_1}}{R_G \parallel \frac{1}{sC_1} + \frac{1}{sC_2}} V_t,$$

odnosno

$$V_1 = \frac{sC_2 R_G}{1 + sR_G(C_1 + C_2)} V_t.$$

Dalje je

$$I_t = g_m V_1 + sC_2(V_t - V_1) = V_t \frac{1 + sR_G C_1}{1 + sR_G(C_1 + C_2)},$$

$$V_t - V_1 = V_t \frac{1 + sR_G C_1}{1 + sR_G(C_1 + C_2)},$$

odakle se dobija

$$Y_{01} = \frac{I_t}{V_t} = \frac{s(C_2(1 + g_m R_G) + sR_G C_1 C_2)}{1 + sR_G(C_1 + C_2)}.$$

Izlazna impedansa je

$$Z_0 = \frac{1}{Y_{01} + \frac{1 + sR_0 C_3}{R_0}},$$

odnosno

$$Z_0 = R_0 \frac{1 + sR_G(C_1 + C_2)}{1 + s\{R_0[C_3 + C_2(1 + g_m R_G)] + R_G(C_1 + C_2)\} + s^2 R_0 R_G [C_3(C_1 + C_2) + C_1 C_2]}.$$

Primenjujući aproksimaciju dominantnim polom

$$\left(1 + \frac{s}{\omega_{p1}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right) \approx 1 + \frac{s}{\omega_{p1}} + \frac{s^2}{\omega_{p1}\omega_{p2}}, \quad \omega_{p1} \ll \omega_{p2},$$

dobija se

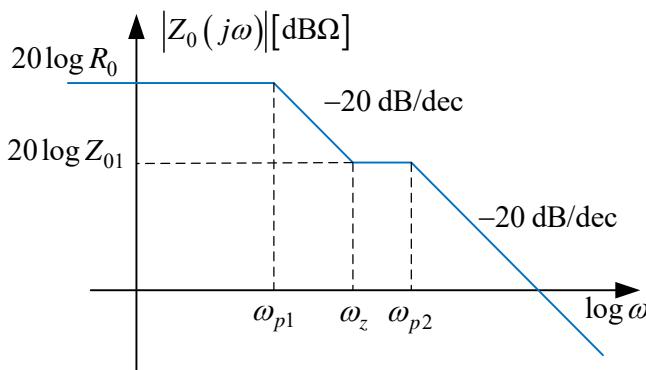
$$\omega_{p1} = \frac{1}{R_0[C_3 + C_2(1 + g_m R_G)] + R_G(C_1 + C_2)} = 3.84 \cdot 10^9 \text{ rad/s}$$

i

$$\omega_{p2} = \frac{R_0[C_3 + C_2(1 + g_m R_G)] + R_G(C_1 + C_2)}{R_0 R_G [C_3(C_1 + C_2) + C_1 C_2]} = 6.55 \cdot 10^{10} \text{ rad/s}.$$

Nula funkcije prenosa je

$$\omega_z = \frac{1}{R_G(C_1 + C_2)} = 2.81 \cdot 10^{10} \text{ rad/s} > \omega_{p1}.$$



Slika 5.8b

impedanse pojačavača.

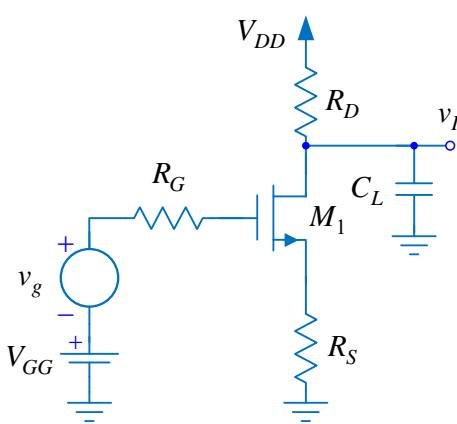
Funkcija prenosa izlazne impedanse je

$$Z_0 = 3200 \frac{1 + \frac{s}{2.81 \cdot 10^{10}}}{\left(1 + \frac{s}{3.84 \cdot 10^9}\right) \left(1 + \frac{s}{6.55 \cdot 10^{10}}\right)}.$$

U opsegu učestanosti  $\omega_z < \omega < \omega_{p2}$  izlazna impedansa ima vrednost

$$Z_0|_{\omega_z < \omega < \omega_{p2}} = Z_{01} = R_0 \frac{\omega_{p1}}{\omega_z} = 439 \Omega.$$

Na slici 5.8b je prikazana asimptotska amplitudska karakteristika izlazne



Slika 5.9

**5.9.** U pojačavaču sa slike upotrebljen je tranzistor čiji su parametri:  $\mu_n C_{ox} = 270 \mu\text{A/V}^2$ ,  $V_T = 0.45 \text{ V}$ ,  $\lambda \rightarrow 0$ ,  $C_{ox} = 8.5 \text{ fF}/\mu\text{m}^2$ ,  $C_{ov}/W = 0.35 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{db}/W = C_{sb}/W = 0.50 \text{ fF}/\mu\text{m}$  i  $L = 0.18 \mu\text{m}$ , dok je  $V_{DD} = 1.8 \text{ V}$ ,  $R_G = 1 \text{ k}\Omega$  i  $C_L = 10 \text{ fF}$ . Zanemariti efekat osnove i Earlyjev efekat.

- a) Odrediti dimenzije tranzistora, otpornosti  $R_S$  i  $R_D$  i napon  $V_{GG}$  tako da istovremeno bude ispunjeno:
- $g_m / I_D = 10$  ;
  - jednosmerna vrednost izlaznog napona  $V_I = 0.8 \text{ V}$  ;

- disipacija u mirnoj radnoj tački  $P_D = 0.9 \text{ mW}$  ;
  - naponsko pojačanje u propusnom opsegu  $A_0 = -5$  .
- b) Odrediti propusni opseg pojačavača  $BW$  .
- c) Ponoviti prethodnu tačku kada je  $R_S = 0$  pri čemu je  $g_m / I_D = 10$  .

### Rešenje:

- a) Pošto je

$$g_m = \frac{2I_D}{V_{GS} - V_T} = \frac{2I_D}{V_{OV}},$$

svođenjem se dobija

$$\frac{g_m}{I_D} = \frac{2}{V_{OV}} \Rightarrow V_{OV} = 0.2 \text{ V}.$$

Disipacija u mirnoj radnoj tački je

$$P_D = V_{DD} I_D,$$

odakle je

$$I_D = P_D / V_{DD} = 500 \mu\text{A} .$$

Jednosmerna vrednost izlaznog napona je

$$V_I = V_{DD} - R_D I_D ,$$

odakle je

$$R_D = \frac{V_{DD} - V_I}{I_D} = 2 \text{ k}\Omega .$$

Na osnovu struje u mirnoj radnoj tački se dobija transkonduktansa

$$g_m = \frac{2I_D}{V_{OV}} = 5 \text{ mS} ,$$

a pošto je

$$g_m = \sqrt{2I_D \mu_n C_{ox} (W/L)}$$

odnos širine i dužine kanala tranzistora je

$$\frac{W}{L} = \frac{g_m^2}{2I_D \mu_n C_{ox}} = 92.6 .$$

Pošto je  $L = 0.18 \mu\text{m}$ , širina kanala je

$$W = \left( \frac{W}{L} \right) \cdot L = \frac{g_m^2 L}{2I_D \mu_n C_{ox}} = 16.7 \mu\text{m} .$$

Naponsko pojačanje pojačavača u propusnom opsegu je

$$A_0 = -\frac{g_m R_D}{1 + g_m R_S} ,$$

odakle se dobija otpornost u sorsu

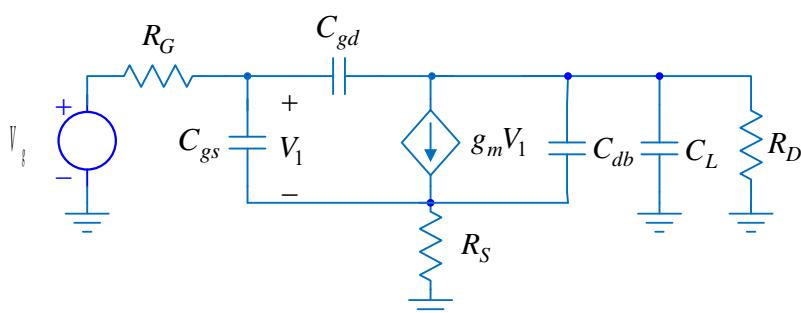
$$R_S = \frac{-R_D}{A_0} - \frac{1}{g_m} = 200 \Omega .$$

Jednosmerni napon u gejtu potreban za polarizaciju tranzistora je

$$V_{GG} = R_S I_D + V_{GS} = R_S I_D + V_T + V_{OV} = 0.75 \text{ V} .$$

b) Na slici 5.9a je prikazana šema pojačavača za male signale. Prema oznakama na slici je

$$C_{gs} = \frac{2}{3} W L C_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W = 22.84 \text{ fF} ,$$



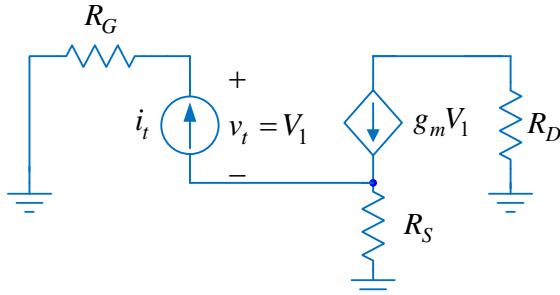
Slika 5.9a

$$C_{gd} = \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W = 5.83 \text{ fF} ,$$

$$C_{db} = \left( \frac{C_{db}}{W} \right) W = 8.33 \text{ fF} .$$

Primenjujući metodu multih vremenskih konstanti za gornju graničnu učestanost, odnosno propusni opseg, se dobija

$$BW = f_H = \frac{1}{2\pi(C_{gs}R_{gs0} + C_{gd}R_{gd0} + C_{db}R_{db0} + C_LR_{L0})},$$



Slika 5.9b

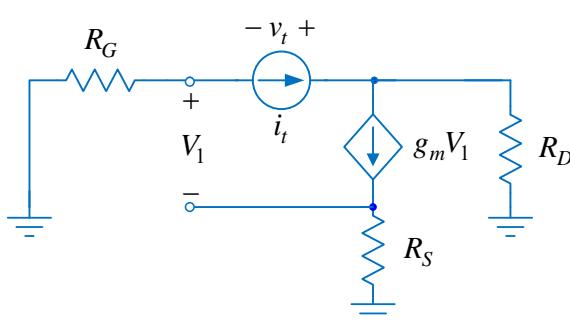
gde su otpornosti  $R_{gs0}$ ,  $R_{gd0}$ ,  $R_{db0}$  i  $R_{L0}$  otpornosti koje vide konenzatori  $C_{gs}$ ,  $C_{gd}$ ,  $C_{db}$  i  $C_L$  respektivno, kada su preostali kondenzatori otvorene veze. Na slici 5.9b je prikazana električna šema iz koje se određuje otpornost  $R_{gs0}$ . Prema oznakama na ovoj slici je

$$V_1 = v_t,$$

$$v_t^+ = R_G i_t, v_t^- = R_S (g_m v_t - i_t),$$

$$v_t^+ - v_t^- = v_t = R_G i_t - g_m R_s v_t + R_S i_t,$$

odakle je



Slika 5.9c

$$R_{gs0} = \frac{v_t^+ - v_t^-}{i_t} = \frac{R_G + R_S}{1 + g_m R_S}.$$

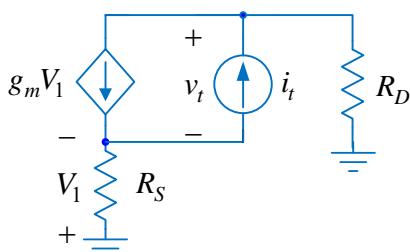
Na slici 5.9c je prikazana električna šema iz koje se određuje otpornost  $R_{gd0}$ . Prema oznakama na ovoj slici je

$$v_t^- = -R_G i_t, v_t^+ = R_D (i_t - g_m V_1),$$

$$V_1 = -R_G i_t - R_S g_m V_1 \Rightarrow V_1 = -\frac{R_G}{1 + g_m R_S} i_t,$$

odakle je

$$R_{gd0} = \frac{v_t^+ - v_t^-}{i_t} = R_D + R_G \left( 1 + \frac{g_m R_D}{1 + g_m R_S} \right) = R_D + R_G (1 + |A_0|).$$



Slika 5.9d

Na slici 5.9d je prikazana električna šema iz koje se određuje otpornost  $R_{db0}$ . Prema oznakama na ovoj slici je

$$-V_1 = R_S (g_m V_1 - i_t) \Rightarrow V_1 = \frac{R_S}{1 + g_m R_S} i_t,$$

$$v_t^- = -V_1, v_t^+ = R_D \frac{V_1}{R_S} = \frac{R_D}{1 + g_m R_S} i_t,$$

odakle je

$$R_{db0} = \frac{v_t^+ - v_t^-}{R_S} = \frac{R_D + R_S}{1 + g_m R_S}.$$

Otpornost koju vidi kondenzator  $C_L$  kada su svi ostali kondenzatori otvorene veze je

$$R_{L0} = R_D.$$

Svođenjem se dobija da je

$$BW = f_H = \frac{1}{2\pi \left( C_{gs} \frac{R_G + R_S}{1 + g_m R_S} + C_{gd} \left[ R_D + R_G \left( 1 + \frac{g_m R_D}{1 + g_m R_S} \right) \right] + C_{db} \frac{R_D + R_S}{1 + g_m R_S} + C_L R_D \right)},$$

da bi posle smene brojnih vrednosti postalo

$$BW = f_H = \frac{1}{2\pi (13.70 \text{ ps} + 46.67 \text{ ps} + 9.17 \text{ ps} + 20 \text{ ps})} = 1.77 \text{ GHz}.$$

c) Kada je  $R_S = 0$  i  $g_m / I_D = 5$ , tada je

$$V_{OV} = 0.2 \text{ V}, I_D = 500 \mu\text{A}, g_m = 5 \text{ mS} \text{ i } V_{GG} = V_T + V_{OV} = 0.65 \text{ V}.$$

Propusni opseg je sada

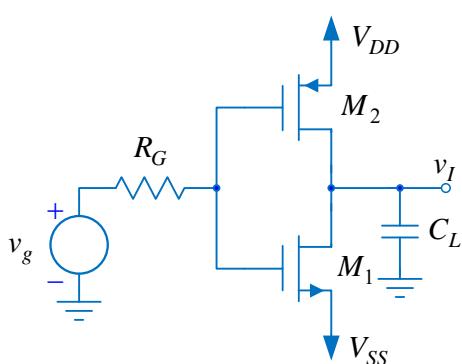
$$BW = f_H = \frac{1}{2\pi (C_{gs} R_G + C_{gd} [R_D + R_G (1 + g_m R_D)] + C_{db} R_D + C_L R_D)},$$

odnosno

$$BW = f_H = \frac{1}{2\pi (22.84 \text{ ps} + 75.84 \text{ ps} + 16.69 \text{ ps} + 20 \text{ ps})} = 1.18 \text{ GHz}.$$

Propusni opseg je smanjen, ali je moduo pojačanja u propusnom opsegu povećan,

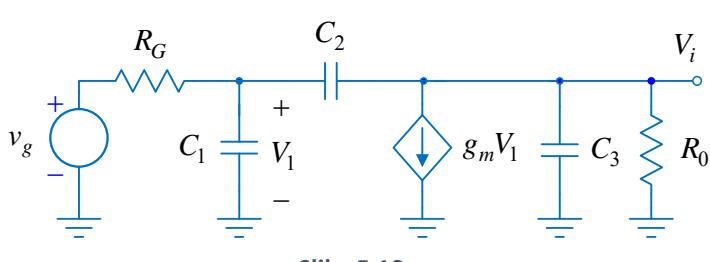
$$|A_0| = g_m R_D = 10.$$



Slika 5.10.

**5.10.** U kolu pojačavača sa slike upotrebljeni su tranzistori čiji su parametri:  $\mu_n C_{ox} = 270 \mu\text{A/V}^2$ ,  $\mu_p C_{ox} = 70 \mu\text{A/V}^2$ ,  $|V_T| = 0.45 \text{ V}$ ,  $\lambda L = 0.08 \mu\text{m/V}$ ,  $C_{ox} = 8.5 \text{ fF}/\mu\text{m}^2$ ,  $C_{ov}/W = 0.35 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{dbn}/W = C_{sbn}/W = 0.50 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{dbp}/W = C_{sbp}/W = 0.55 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $(W/L)_1 = 14$ ,  $(W/L)_2 = 54$ ,  $L = 0.18 \mu\text{m}$ , dok je  $V_{DD} = -V_{SS} = 0.7 \text{ V}$ ,  $R_G = 50 \Omega$  i  $C_L = 100 \text{ fF}$ .

- a) Odrediti gornju graničnu učestanost pojačavača  $f_H$ .  
 b) Odrediti i nacrtati asimptotsku amplitudsku karakteristiku impedanse koja se vidi u gejtu  $Z_g$ .  
 c) Odrediti i nacrtati asimptotsku amplitudsku karakteristiku impedanse  $Z_0$  koju vidi potrošač  $C_L$ .



Slika 5.10a

### Rešenje:

a) Na slici 5.10a je prikazana šema pojačavača za male signale, gde su:

$$C_1 = C_{gs1} + C_{gs2},$$

$$C_2 = C_{gd1} + C_{gd2},$$

$$C_3 = C_{db1} + C_{db2} + C_L,$$

$$g_m = g_{m1} + g_{m2} \text{ i } R_0 = r_{ds1} \parallel r_{ds2}.$$

Smenom brojnih vrednosti se dobija

$$I_{D1,2} = \frac{\mu_n C_{ox} (W/L)_1}{2} (-V_{SS} - |V_T|)^2 = 118,13 \mu\text{A},$$

$$r_{ds1} = r_{ds2} = \frac{L}{(\lambda L)} \frac{1}{I_{D1,2}} = 19.05 \text{ k}\Omega, \quad g_{m2} = g_{m1} = \sqrt{2I_{D1,2}\mu_n C_{ox} (W/L)_1},$$

$$r_{ds1} = r_{ds2} = \frac{L}{(\lambda L)} \frac{1}{I_{D1,2}} = 19.05 \text{ k}\Omega,$$

$$C_{gs1} = \frac{2}{3} W_1 L_1 C_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_1 = 3.45 \text{ fF}, \quad C_{gs2} = \frac{2}{3} W_2 L_2 C_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_2 = 13.3 \text{ fF},$$

$$C_{gd1} = \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_1 = 0.88 \text{ fF}, \quad C_{gd2} = \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_2 = 3.4 \text{ fF},$$

$$C_{db1} = \left( \frac{C_{db}}{W} \right) W_1 = 1.26 \text{ fF} \text{ i } C_{db2} = \left( \frac{C_{db}}{W} \right) W_2 = 5.35 \text{ fF}.$$

Primenom metode multih vremenskih konstanti se dobija

$$f_H \approx \frac{1}{2\pi \sum_{j=1}^3 C_j R_{j0}},$$

gde je  $R_{j0}$  otpornost koju vidi kondenzator  $C_j$  kada su svi ostali kondenzatori otvorene veze.

Prema šemi za male signale je

$$f_H \approx \frac{1}{2\pi \{ C_1 R_G + C_2 [R_G + R_0 (1 + g_m R_G)] + C_3 R_0 \}} = 150 \text{ MHz}.$$

b) Impedansa koja se vidi u gejtu jednaka je paralelnoj vezi kapacitivnosti  $C_1$  i impedanse  $Z_{u1}$ ,

$$Z_g = \frac{1}{sC_1} \parallel Z_{u1}.$$

Impedansa  $Z_{u1}$  se određuje iz kola sa slike 5.10b,

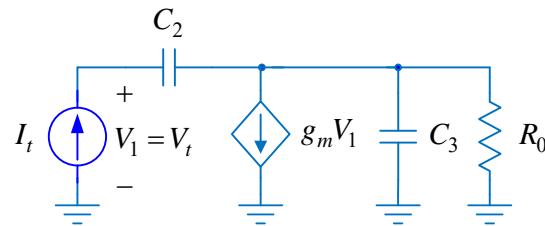
$$Z_{u1} = \frac{V_t}{I_t}.$$

Prema oznakama na slici 5.10b je

$$V_1 = V_t, \quad (I_t - g_m V_t) \frac{R_0 \frac{1}{sC_3}}{R_0 + \frac{1}{sC_2}} + \frac{I_t}{sC_2} = V_t,$$

odakle se dobija

$$Z_{u1} = \frac{V_t}{I_t} = \frac{1 + sR_0(C_2 + C_3)}{sC_2(1 + g_m R_0 + sC_3 R_0)}.$$



Slika 5.10b.

Impedansa koja se vidi u gejtu je

$$Z_g = \frac{1}{sC_1 + Y_{u1}} = \frac{C_3 + C_2}{C_1C_2 + C_1C_3 + C_2C_3} \cdot \frac{\frac{1}{s + \frac{R_0(C_3 + C_2)}{C_1 + C_2(1 + g_m R_0)}}}{s \cdot \left( s + \frac{C_1 + C_2(1 + g_m R_0)}{R_0(C_1C_2 + C_1C_3 + C_2C_3)} \right)}.$$

Smenom brojnih vrednosti se dobija

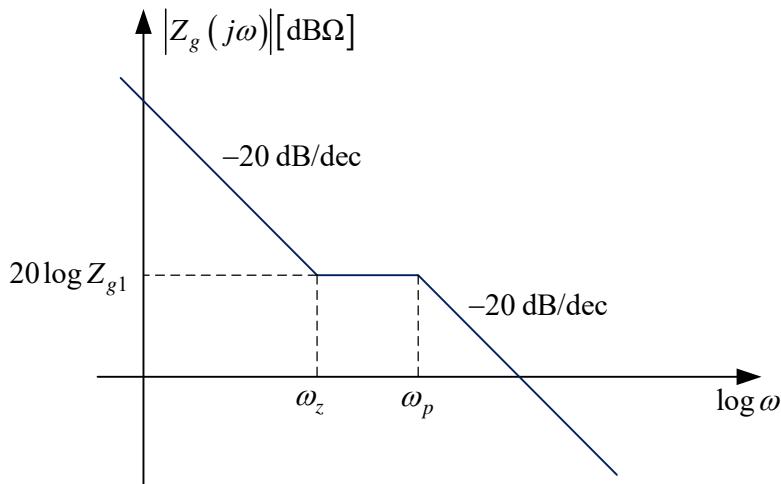
$$Z_g = Z_{g1} \frac{s + \omega_z}{s(s + \omega_p)} = 4.79 \cdot 10^{13} \cdot \frac{s + 9.47 \cdot 10^8}{s(s + 4.45 \cdot 10^9)}.$$

Impedansa  $Z_g$  je konstantna između učestanosti nule i pola, a iznosi

$$Z_{g1} = Z_g \Big|_{\omega_z < \omega < \omega_p} = R_0 \frac{C_3 + C_2}{C_1 + C_2(1 + g_m R_0)} = 10.76 \text{ k}\Omega.$$

Na slici 5.10c je prikazana asimptotska amplitudska karakteristika impedanse  $Z_g$ .

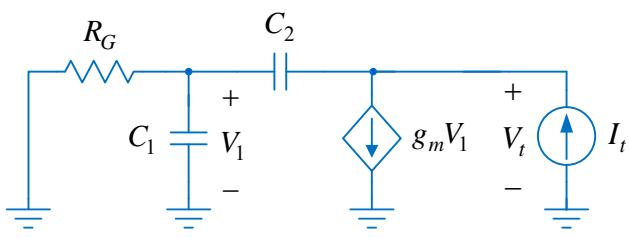
c) Impedansa koju vidi potrošač, kondenzator  $C_L$ , je



Slika 5.10c.

$$Z_0 = R_0 \parallel \frac{1}{s(C_{db1} + C_{db2})} \parallel Z_{01} = \frac{R_0}{1 + sR_0(C_{db1} + C_{db2})} \parallel Z_{01} = \frac{R_0}{1 + sR_0C_{db}} \parallel Z_{01}, C_{db} = C_{db1} + C_{db2},$$

gdje je  $Z_{01}$  impedansa koja se određuje prema slici 5.10d. Prema ovoj slici je



Slika 5.10d.

$$Z_{01} = \frac{V_t}{I_t},$$

$$V_1 = \frac{R_G \parallel \frac{1}{sC_1}}{R_G \parallel \frac{1}{sC_1} + \frac{1}{sC_2}} V_t,$$

odnosno

$$V_1 = \frac{sC_2R_G}{1+sR_G(C_1+C_2)}V_t.$$

Dalje je

$$\begin{aligned} I_t &= g_m V_1 + sC_2(V_t - V_1) = V_t \frac{1+sR_G C_1}{1+sR_G(C_1+C_2)}, \\ V_t - V_1 &= V_t \frac{1+sR_G C_1}{1+sR_G(C_1+C_2)}, \end{aligned}$$

odakle se dobija

$$Y_{01} = \frac{I_t}{V_t} = \frac{s(C_2(1+g_m R_G) + sR_G C_1 C_2)}{1+sR_G(C_1+C_2)}.$$

Izlazna impedansa je

$$Z_0 = \frac{1}{Y_{01} + \frac{1+sR_0 C_{db}}{R_0}},$$

odnosno

$$Z_0 = R_0 \frac{1+sR_G(C_1+C_2)}{1+s\left\{R_0[C_{db} + C_2(1+g_m R_G)] + R_G(C_1+C_2)\right\} + s^2 R_0 R_G [C_{db}(C_1+C_2) + C_1 C_2]}.$$

Primenjujući aproksimaciju dominantnim polom

$$\left(1 + \frac{s}{\omega_{p2}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p3}}\right) \approx 1 + \frac{s}{\omega_{p2}} + \frac{s^2}{\omega_{p2}\omega_{p3}}, \quad \omega_{p2} \ll \omega_{p3},$$

dobija se

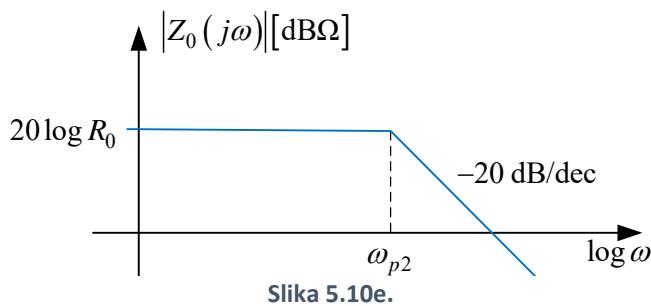
$$\omega_{p2} = \frac{1}{R_0[C_{db} + C_2(1+g_m R_G)] + R_G(C_1+C_2)} = 9.2 \cdot 10^9 \text{ rad/s}$$

i

$$\omega_{p3} = \frac{R_0[C_{db} + C_2(1+g_m R_G)] + R_G(C_1+C_2)}{R_0 R_G [C_{db}(C_1+C_2) + C_1 C_2]} = 1.08 \cdot 10^{12} \text{ rad/s}.$$

Nula funkcije prenosa je

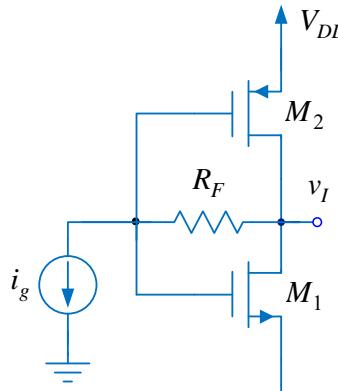
$$\omega_{z2} = \frac{1}{R_G(C_1+C_2)} = 9.5 \cdot 10^{11} \text{ rad/s} \gg \omega_{p3},$$



pa se zaključuje da je izlazna impedansa praktično jednopolna funkcija

$$Z_0 \approx \frac{R_0}{1 + \frac{s}{\omega_{p3}}}.$$

Na slici 5.10e je prikazana asimptotska amplitudska karakteristika impedanse koju vidi potrošač, kondenzator  $C_L$ .



Slika 5.11.

**5.11.** U kolu pojačavača sa slike parametri tranzistora su:  
 $\mu_n C_{ox} = 270 \mu\text{A/V}^2$ ,  $\mu_p C_{ox} = 70 \mu\text{A/V}^2$   $|V_T| = 0,45 \text{ V}$ ,  
 $\lambda L = 0,08 \mu\text{m/V}$ ,  $C_{ox} = 8,5 \text{ fF}/\mu\text{m}^2$ ,  $C_{ov}/W = 0,35 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  
 $C_{dbn}/W = 0,50 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{dbp}/W = 0,55 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $(W/L)_1 = 14$ ,  
 $(W/L)_2 = 54$ ,  $L = 0,18 \mu\text{m}$ , dok je  $V_{DD} = 1,4 \text{ V}$ .

- a) Odrediti struje drejna u mirnoj radnoj tački.
- b) Odrediti funkciju prenosa prenosne otpornosti  $R_m(s) = V_i(s)/I_g(s)$ .
- c) Odrediti otpornost  $R_F$  tako da prenosna otpornost u propusnom opsegu iznosi  $R_{m0} = 10 \text{ k}\Omega$ .

- d) Nacrtati asimptotsku amplitudsku karakteristiku funkcije prenosa  $R_m(s) = V_i(s)/I_g(s)$ .
- e) Odrediti i nacrtati asimptotsku amplitudsku karakteristiku ulazne impedanse  $Z_g$ .
- f) Odrediti i nacrtati asimptotsku amplitudsku karakteristiku kružnog pojačanja  $\beta a$ .

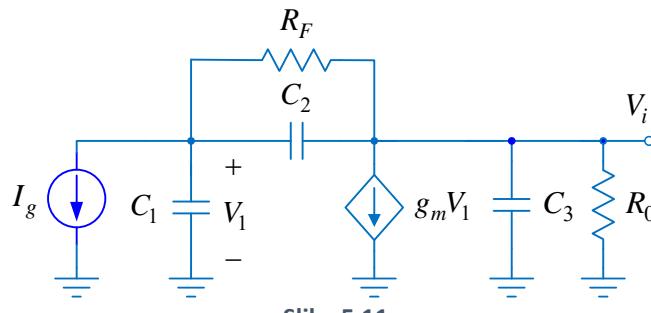
### Rešenje:

- a) U mirnoj radnoj tački je  $I_{D1} = I_{D2}$ , a budući da je  $\mu_n C_{ox} (W/L)_1 = \mu_p C_{ox} (W/L)_2$ , to je

$$V_{GS1} = V_{SG2} = V_{DD} / 2 = 0,7 \text{ V}.$$

Struja drejna u mirnoj radnoj tački je

$$I_{D1,2} = \mu_n C_{ox} (W/L)_1 (V_{GS1} - V_T)^2 (1 + \lambda V_{GS1}) = 118 \mu\text{A}.$$



Slika 5.11a

- b) Na slici 5.11a je prikazana šema pojačavača za male signale. Prema oznakama na ovoj slici je

$$R_0 = r_{ds1} \parallel r_{ds2} = \frac{1}{(\lambda_1 + \lambda_2) I_{D1,2}} = 9,52 \text{ k}\Omega,$$

$$\lambda_1 = \lambda_2 = \frac{(\lambda L)}{L} = \frac{0,08}{0,18} \text{ V}^{-1} = 0,44 \text{ V}^{-1},$$

$$g_{m2} = g_{m1},$$

$$g_{m1} = \sqrt{2 I_{D1,2} \mu_n C_{ox} (W/L)_1} = 945 \mu\text{S},$$

$$g_m = g_{m1} + g_{m2} = 1,89 \text{ mS},$$

$$C_1 = C_{gs1} + C_{gs2} = \frac{2}{3} W_1 L_1 C_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_1 + \frac{2}{3} W_2 L_2 C_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W_2 = 16,77 \text{ fF},$$

$$C_2 = C_{gd1} + C_{gd2} = \left( \frac{C_{dbn}}{W} \right) W_1 + \left( \frac{C_{dbp}}{W} \right) W_2 = 4,28 \text{ fF}$$

i

$$C_3 = C_{db1} + C_{db2} = \left( \frac{C_{dbn}}{W} \right) W_1 + \left( \frac{C_{dbp}}{W} \right) W_2 = 6,61 \text{ fF}.$$

Primenom metode potencijala čvorova za kolo sa slike 5.11a dobija se sistem jednačina:

$$V_1 \left( s(C_1 + C_2) + \frac{1}{R_F} \right) - V_i \left( sC_2 + \frac{1}{R_F} \right) = -I_g$$

i

$$-V_1 \left( sC_2 + \frac{1}{R_F} - g_m \right) + V_i \left( s(C_2 + C_3) + \frac{1}{R_F} + \frac{1}{R_0} \right) = 0.$$

Rešavanjem prethodnog sistema jednačina dobija se da je izlazni napon jednak

$$V_i = \frac{\begin{vmatrix} s(C_1 + C_2) + \frac{1}{R_F} & -I_g \\ sC_2 + \frac{1}{R_F} - g_m & 0 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} s(C_1 + C_2) + \frac{1}{R_F} & -\left(sC_2 + \frac{1}{R_F}\right) \\ -\left(sC_2 + \frac{1}{R_F} - g_m\right) & s(C_2 + C_3) + \frac{1}{R_F} + \frac{1}{R_0} \end{vmatrix}},$$

odakle je

$$R_m = \frac{V_i}{I_g} = \frac{R_0(g_m R_F - 1)}{1 + g_m R_0} \frac{1 + s \frac{C_2 R_F}{g_m R_F - 1}}{1 + s \left( C_2 R_F + \frac{C_1 R_F + (C_1 + C_3) R_0}{1 + g_m R_0} \right) + s^2 \frac{R_0 R_F}{1 + g_m R_0} (C_1 C_2 + C_1 C_3 + C_2 C_3)}.$$

c) Transrezistansa pojačavača u propusnom opsegu je

$$R_{m0} = \frac{R_0(g_m R_F - 1)}{1 + g_m R_0},$$

odakle se dobija

$$R_F = \frac{1}{g_m} + \frac{1 + g_m R_0}{g_m R_0} R_{m0} \approx 11.1 \text{ k}\Omega.$$

d) Nula funkcije prenosa transrezistanse je

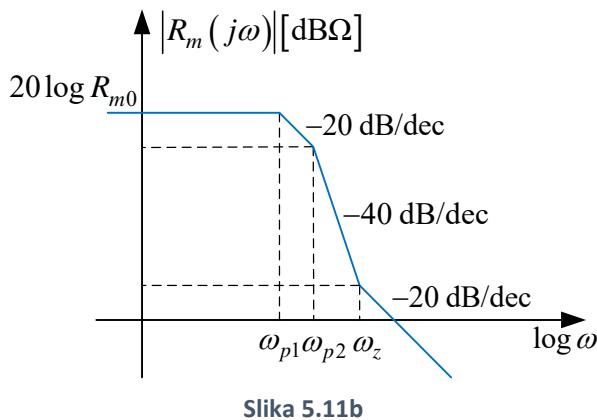
$$\omega_z = \frac{g_m R_F - 1}{C_2 R_F} = 4.2 \cdot 10^{11} \text{ rad/s}.$$

Polovi su realni, a dobijaju se rešavanjem kvadratne jednačine u imeniocu

$$0 = 1 + as + bs^2 = 1 + 6.899 \cdot 10^{-11} s + 1.1719 \cdot 10^{-21} s^2,$$

odakle je

$$1 + as + bs^2 = \left( 1 + \frac{s}{\omega_{p1}} \right) \left( 1 + \frac{s}{\omega_{p2}} \right) = \left( 1 + \frac{s}{2.58 \cdot 10^{10}} \right) \left( 1 + \frac{s}{3.30 \cdot 10^{10}} \right).$$



Funkcija prenosa transrezistanse je

$$R_m = 10000 \frac{1 + \frac{s}{4.20 \cdot 10^{11}}}{\left(1 + \frac{s}{2.58 \cdot 10^{10}}\right)\left(1 + \frac{s}{3.30 \cdot 10^{10}}\right)},$$

a njena asimptotska amplitudska karakteristika je prikazana na slici 5.11b.

e) Da bi odredili ulaznu impedansu, iskoristićemo kolo sa slike 5.11a i sistem jednačina iz tačke b),

$$Z_g = -\frac{V_1}{I_g},$$

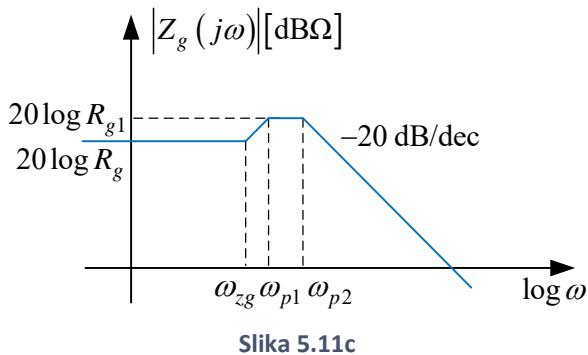
$$V_i = \begin{vmatrix} -I_g & -\left(sC_2 + \frac{1}{R_F}\right) \\ 0 & s(C_2 + C_3) + \frac{1}{R_F} + \frac{1}{R_0} \\ s(C_1 + C_2) + \frac{1}{R_F} & -\left(sC_2 + \frac{1}{R_F}\right) \\ -\left(sC_2 + \frac{1}{R_F} - g_m\right) & s(C_2 + C_3) + \frac{1}{R_F} + \frac{1}{R_0} \end{vmatrix}.$$

Svođenjem prethodnog izraza se dobija

$$Z_g = -\frac{V_i}{I_g} = \frac{R_0 + R_F}{1 + g_m R_0} \frac{1 + s(C_2 + C_3)(R_0 \parallel R_F)}{1 + s \left( C_2 R_F + \frac{C_1 R_F + (C_1 + C_3) R_0}{1 + g_m R_0} \right) + s^2 \frac{R_0 R_F}{1 + g_m R_0} (C_1 C_2 + C_1 C_3 + C_2 C_3)}.$$

Polovi prethodne funkcije prenosa su isti kao kod transrezistanse, nula je na učestanosti

$$\omega_{zg} = \frac{1}{(C_2 + C_3)(R_0 \parallel R_F)} = 1.79 \cdot 10^{10} \text{ rad/s},$$



dok je ulazna otpornost

$$R_g = Z_{g0} = \frac{R_0 + R_F}{1 + g_m R_0} = 1084.7 \Omega.$$

Zavisnost impedanse od učestanosti je

$$Z_g = 1084.7 \frac{1 + \frac{s}{1.79 \cdot 10^{10}}}{\left(1 + \frac{s}{2.58 \cdot 10^{10}}\right)\left(1 + \frac{s}{3.30 \cdot 10^{10}}\right)},$$

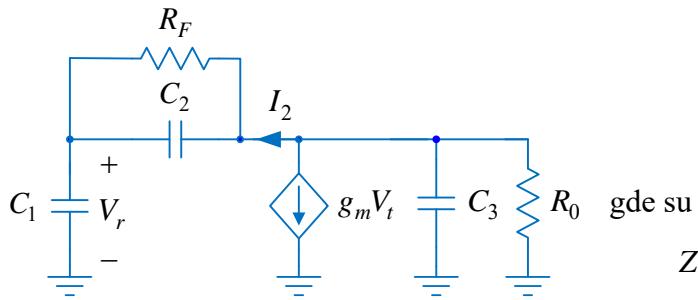
a njena asimptotska amplitudska karakteristika je

prikazana na slici 5.11c.

U opsegu učestanosti  $\omega_{p1} \leq \omega \leq \omega_{p2}$  ulazna impedansa je konstantna i iznosi

$$Z_g = R_{g1} = 1084.7 \frac{2.58 \cdot 10^{10}}{1.79 \cdot 10^{10}} = 1563.4 \Omega.$$

f) Kružno pojačanje se određuje metodom sečenja, slika 5.11d. Prema ovoj slici je



$$\beta a = \frac{V_r}{V_t}, \quad V_r = \frac{I_2}{sC_1},$$

$$I_2 = -g_m V_t \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2},$$

$$Z_2 = \frac{R_0}{1 + sC_3 R_0} \text{ i } Z_1 = \frac{R_F}{1 + sC_2 R_F} + \frac{1}{sC_1}.$$

Smenom se dobija

$$\beta a = \frac{V_r}{V_t} = -g_m R_0 \frac{1 + sC_2 R_F}{1 + s[R_F(C_1 + C_2) + R_0(C_1 + C_3)] + s^2 R_F R_0 (C_1 C_2 + C_1 C_3 + C_2 C_3)}.$$

Nula funkcije prenosa je

$$\omega_{z2} = \frac{1}{C_2 R_F} = 2.1 \cdot 10^{10}.$$

Polovi su realni, a njihove vrednosti ćemo odrediti nalaženjem rešenja kvadratne jednačine

$$0 = 1 + a_2 s + b_2 s^2 = 1 + s[R_F(C_1 + C_2) + R_0(C_1 + C_3)] + s^2 R_F R_0 (C_1 C_2 + C_1 C_3 + C_2 C_3).$$

Smenom brojnih vrednosti se dobija da je

$$0 = 1 + 4.56 \cdot 10^{-10} s + 2.23 \cdot 10^{-20} s^2,$$

odakle je

$$1 + a_2 s + b_2 s^2 = \left(1 + \frac{s}{\omega_{p3}}\right) \left(1 + \frac{s}{\omega_{p4}}\right) = \left(1 + \frac{s}{2.50 \cdot 10^9}\right) \left(1 + \frac{s}{1.80 \cdot 10^{10}}\right).$$

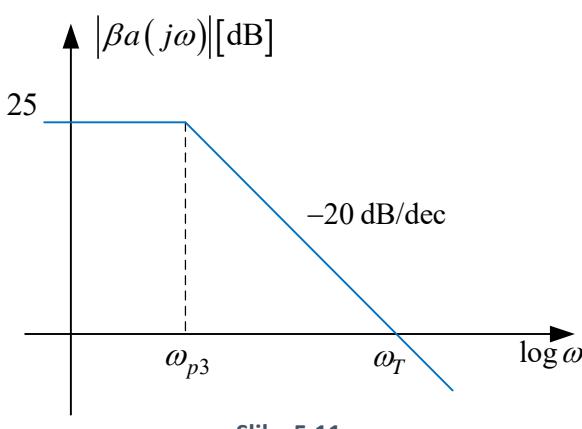
Funkcija prenosa kružnog pojačanja posle smene brojnih vrednosti postaje

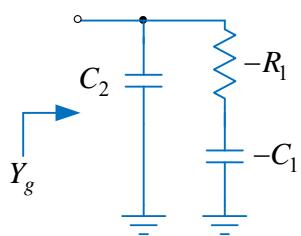
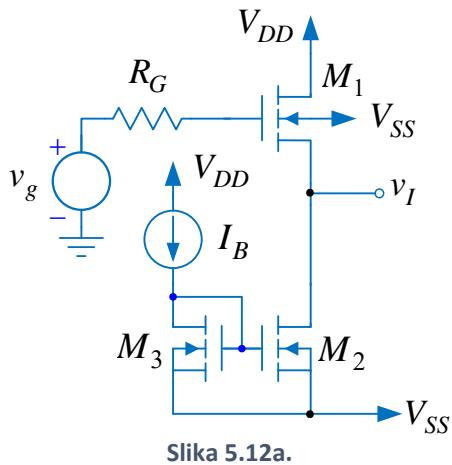
$$\beta a = -18 \frac{\left(1 + \frac{s}{2.10 \cdot 10^{10}}\right)}{\left(1 + \frac{s}{2.50 \cdot 10^9}\right) \left(1 + \frac{s}{1.80 \cdot 10^{10}}\right)}.$$

Pošto su nula i drugi pol funkcije prenosa približnih učestanosti, smatraćemo da se kružno pojačanje može dobro aproksimirati jednopolnom funkcijom prenosa

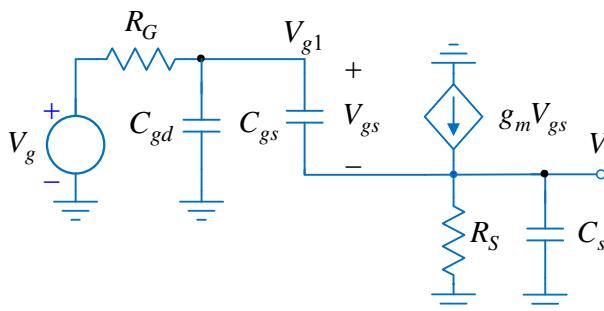
$$\beta a \approx \frac{-18}{1 + \frac{s}{2.50 \cdot 10^9}}.$$

Na slici 5.11.e. je prikazana asimptotska amplitudska karakteristika kružnog pojačanja. Učestanost jediničnog kružnog pojačanja iznosi





Slika 5.12b.

**Rešenje:**

$$\omega_T \approx \beta a_0 \omega_{p3} = 4.5 \cdot 10^{10} \text{ rad/s.}$$

**5.12.** U kolu pojačavača sa slike upotrebljeni su tranzistori čiji su parametri:  $\mu_n C_{ox} = 270 \mu\text{A/V}^2$ ,  $V_T = 0.45 \text{ V}$ ,  $\lambda L = 0.08 \mu\text{m/V}$ ,  $C_{ox} = 8.5 \text{ fF}/\mu\text{m}^2$ ,  $C_{ov}/W = 0.35 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $C_{db}/W = C_{sb}/W = 0.50 \text{ fF}/\mu\text{m}$ ,  $W/L = 50$  i  $L = 0.18 \mu\text{m}$ , dok je  $V_{DD} = -V_{SS} = 0.9 \text{ V}$ ,  $I_B = 400 \mu\text{A}$  i  $R_G = 1 \text{ k}\Omega$ . Zanemariti efekat osnove.

a) Odrediti funkciju prenosa naponskog pojačanja pojačavača  $A(s) = V_i(s)/V_g(s)$ . Koliko iznosi premašaj, u procentima, na odskočnu promenu ulaznog napona?

b) Odrediti parametre ekvivalentnog kola ulazne admitanse tranzistora  $M_1$ ,  $Y_g = I_{gs1}/V_{g1}$ , pojačavača prikazanog na slici 5.12b.

c) Odrediti i izračunati funkciju prenosa naponskog pojačanja pojačavača, ako se između gejta tranzistora  $M_1$  i mase doda redna veza otpornosti  $R_l$  i kapacitivnosti  $C_1$ .

a) Na slici 5.12c je prikazana šema za male signale pojačavača gde su

$$R_s = r_{ds1} \parallel r_{ds2} \parallel \frac{1}{g_{mb1}} \approx r_{ds1} \parallel r_{ds2},$$

$$C_s \approx C_{sb1} + C_{gd2} + C_{db2}.$$

Prema Kirhofovim zakonima je

$$V_i(sC_s + sC_{gs} + G_s) - V_{g1}sC_{gs} = g_m(V_{g1} - V_i),$$

odakle se dobija

$$\frac{V_i}{V_{g1}} = \frac{g_m + sC_{gs}}{s(C_{gs} + C_s) + g_m + G_s}.$$

Admitansa koja se vidi u gejtu tranzistora  $Y_g = I_{gs1}/V_{g1}$  se dobija na osnovu sledeće relacije

$$I_{gs1} = sC_{gs}(V_{g1} - V_i) = sC_{gs}V_{g1} \left(1 - \frac{V_i}{V_{g1}}\right),$$

tako da je

$$Y_g = \frac{I_{gs1}}{V_{g1}} = \frac{sC_{gs}(sC_s + G_s)}{s(C_{gs} + C_s) + g_m + G_s}.$$

Primenom Kirhofovih zakona se dobija

$$\frac{V_g - V_{g1}}{R_G} = sC_{gd}V_{g1} + Y_gV_{g1} \Rightarrow \frac{V_{g1}}{V_g} = \frac{1}{1 + sC_{gd}R_G + Y_gR_G}.$$

Budući da je

$$\frac{V_i}{V_g} = \frac{V_i}{V_{g1}} \frac{V_{g1}}{V_g} = \frac{g_m + sC_{gs}}{s(C_{gs} + C_s) + g_m + G_s} \frac{1}{1 + sC_{gd}R_G + Y_gR_G},$$

a posle svodenja postaje

$$\frac{V_i}{V_g} = \frac{\frac{g_m R_s}{1 + g_m R_s} \left( 1 + s \frac{C_{gs}}{g_m} \right)}{1 + s \left[ R_G C_{gd} + \frac{R_G C_{gs}}{1 + g_m R_s} + \frac{R_s (C_{gs} + C_s)}{1 + g_m R_s} \right] + s^2 R_s R_G \left[ \frac{C_{gs} C_{gd} + C_s (C_{gd} + C_{gs})}{1 + g_m R_s} \right]}.$$

Imenilac funkcije prenosa se može napisati i u pogodnijem obliku

$$I = 1 + \frac{s}{\omega_0 Q} + \left( \frac{s}{\omega_0} \right)^2,$$

gde je  $\omega_0$  prirodna rezonantna učestanost, a  $Q$  faktor dobrote polova.

Izjednačavanjem prethodnog izraza i koeficijenata uz s u imeniku funkcije prenosa se dobija

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{1 + g_m R_s}{R_s R_G [C_{gs} C_{gd} + C_s (C_{gd} + C_{gs})]}}$$

i

$$Q = \sqrt{\frac{R_s R_G [C_{gs} C_{gd} + C_s (C_{gd} + C_{gs})]}{1 + g_m R_s}} \cdot \frac{R_G C_{gs}}{R_G C_{gd} + \frac{R_G C_{gs}}{1 + g_m R_s} + \frac{R_s (C_{gs} + C_s)}{1 + g_m R_s}}.$$

Učestanosti polova naponskog pojačanja pojačavača su

$$s_{1,2} = -\frac{\omega_0}{2Q} \pm \frac{\omega_0}{2Q} \sqrt{1 - 4Q^2}.$$

Kao što se vidi polovi su konjugovano kompleksni kada je Q-faktor polova  $Q > 1/2$ . Polovi su realni kada je  $Q \leq 1/2$ .

Kapacitivnosti tranzistora su

$$C_{gs} = \frac{2}{3} W L C_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W = 12,33 \text{ fF}, \quad C_{gd} = \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W = 3,15 \text{ fF},$$

$$C_{sb} = \left( \frac{C_{sb}}{W} \right) W = 4,5 \text{ fF} \text{ i } C_{db} = \left( \frac{C_{db}}{W} \right) W = 4,5 \text{ fF},$$

dok su

$$r_{ds} = \frac{L}{(\lambda L) I_B} = 5625 \Omega \text{ i } g_m = \sqrt{2I_B\mu_nC_{ox}W/L} = 3,29 \text{ mS}.$$

Smenom brojnih vrednosti se dobija da je  $Q = 0,712$  i  $\omega_0 = 1,27 \cdot 10^{11}$  rad/s, što znači da su polovi konjugovano-kompleksni

$$\omega_{p1,2} = -s_{1,2} = \frac{\omega_0}{2Q} \mp j \frac{\omega_0}{2Q} \sqrt{4Q^2 - 1} = \frac{\omega_0}{2Q} (1 \mp j \sqrt{4Q^2 - 1}) = 8.888 (1 \mp j1.016) \cdot 10^{10} \text{ rad/s}.$$

Nula funkcije prenosa je u levoj poluravni kompleksne učestanosti

$$\omega_z = \frac{g_m}{C_{gs}} = 2,66 \cdot 10^{11} \text{ rad/s}.$$

Zanemarujući uticaj nule funkcije prenosa, odziv na odskočnu funkciju ima premašaj, koji je izražen u procentima

$$\%overshoot = 100e^{-\frac{\pi}{\sqrt{4Q^2-1}}} = 4.5\%.$$

b) Prema slici 5.12b admitansa koja se vidi iz gejta tranzistora  $M_1$  je

$$Y_g = sC_2 + \frac{1}{-R_1 - \frac{1}{sC_1}}.$$

Poređenjem ekvivalentnog kola i admitanse  $I_{gs}/V_{g1}$  dobija se da je

$$\begin{aligned} C_1 &= \frac{C_{gs}(C_s g_m - C_{gs} G_s)}{(g_m + G_s)(C_{gs} + C_s)} \approx \frac{g_m C_{gs} C_s}{(g_m + G_s)(C_{gs} + C_s)} = 5,52 \text{ fF} \\ R_1 &= \frac{(C_{gs} + C_s)^2}{C_{gs}(C_s g_m - C_{gs} G_s)} \approx \frac{(C_{gs} + C_s)^2}{C_{gs} C_s g_m} = 1217,2 \Omega \\ C_2 &= \frac{C_{gs} C_s}{C_s + C_{gs}} = 6,12 \text{ fF}. \end{aligned}$$

c) Ulazna admitansa je sada  $Y_g = sC_2$ , te je

$$\frac{V_{g1}}{V_g} = \frac{1}{1 + sC_{gd}R_G + sC_2R_G} = \frac{1}{1 + R_G s \left( C_{gd} + \frac{C_{gs} C_s}{C_{gs} + C_s} \right)},$$

a posle smene se dobija

$$A(s) = \frac{V_i}{V_g} = \frac{V_i}{V_{g1}} \frac{V_{g1}}{V_g} = \frac{g_m + sC_{gs}}{s(C_{gs} + C_s) + g_m + G_s} \frac{1}{1 + s \left( C_{gd} + \frac{C_{gs} C_s}{C_{gs} + C_s} \right) R_G},$$

odnosno

$$A(s) = \frac{g_m R_s}{1 + g_m R_s} \frac{1 + s C_{gs} / g_m}{1 + s \frac{R_s (C_{gs} + C_s)}{1 + g_m R_s}} \frac{1}{1 + s \left( C_{gd} + \frac{C_{gs} C_s}{C_{gs} + C_s} \right) R_G}.$$

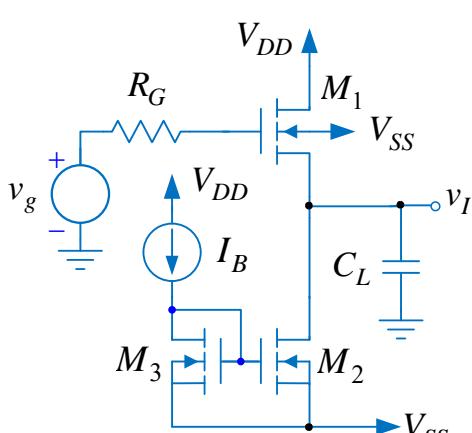
Nula funkcije prenosa nije promenila položaj, dok su polovi u levoj poluravni kompleksne učestanosti i nalaze se na realnoj osi,

$$\omega_{p1} = \frac{1 + g_m R_s}{R_s (C_{gs} + C_s)} = 1.49 \cdot 10^{11} \text{ rad/s} \Rightarrow f_{p1} = \frac{\omega_{p1}}{2\pi} = 23,7 \text{ GHz}$$

i

$$\omega_{p2} = \frac{1}{R_G \left( C_{gd} + \frac{C_{gs} C_s}{C_{gs} + C_s} \right)} = 1,08 \cdot 10^{11} \text{ rad/s} \Rightarrow f_{p2} = \frac{\omega_{p2}}{2\pi} = 17,2 \text{ GHz}.$$

**5.13.** U kolu pojačavača sa slike upotrebljeni su tranzistori čiji su parametri:  $\mu_n C_{ox} = 270 \mu\text{A/V}^2$ ,



Slika 5.13.

$$V_T = 0.45 \text{ V}, \quad \lambda L = 0.08 \mu\text{m/V}, \quad C_{ox} = 8.5 \text{ fF}/\mu\text{m}^2,$$

$$C_{ov}/W = 0.35 \text{ fF}/\mu\text{m}, \quad C_{db}/W = C_{sb}/W = 0.50 \text{ fF}/\mu\text{m},$$

$$W/L = 40 \text{ i } L = 0,35 \mu\text{m}, \text{ dok je } V_{DD} = -V_{SS} = 0,9 \text{ V},$$

$$I_B = 200 \mu\text{A} \text{ i } R_G = 50 \Omega. \text{ Zanemariti efekat osnove.}$$

a) Odrediti funkciju prenosa naponskog pojačanja pojačavača  $A(s) = V_i(s)/V_g(s)$ .

b) Koliko iznosi gornja granična učestanost pojačavača  $f_H$  kada je  $C_L = 0$ ?

c) Ponoviti prethodnu tačku kada je  $C_L = 1 \text{ pF}$ .

d) Odrediti i nacrtati asimptotsku karakteristiku impedanse  $Z_0$  koju vidi potrošač, kondenzator  $C_L$ .

### Rešenje:

a) Na slici 5.12a je prikazana šema pojačavača za male signale, gde su

$$R_s = r_{ds1} \parallel r_{ds2} \parallel \frac{1}{g_{mb1}} \approx r_{ds1} \parallel r_{ds2},$$

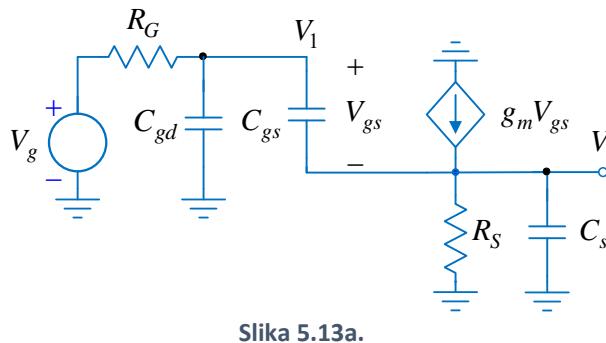
i

$$C_s \approx C_L + C_{sb1} + C_{gd2} + C_{db2}.$$

Parametri tranzistora za male signale su:

$$C_{gs} = \frac{2}{3} WLC_{ox} + \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W = 32,67 \text{ fF}, \quad C_{gd} = \left( \frac{C_{ov}}{W} \right) W = 4,9 \text{ fF},$$

$$C_{sb} = \left( \frac{C_{sb}}{W} \right) W = 7 \text{ fF}, \quad C_{db} = \left( \frac{C_{db}}{W} \right) W = 7 \text{ fF},$$



Slika 5.13a.

$$r_{ds} = \frac{L}{(\lambda L) I_B} = 21,88 \text{ k}\Omega \text{ i}$$

$$g_m = \sqrt{2I_B \mu_n C_{ox} W / L} = 2,08 \text{ mS.}$$

Prema slici 5.13a je

$$V_i \left( sC_s + sC_{gs} + \frac{1}{R_s} \right) - V_{g1} sC_{gs} = g_m (V_{g1} - V_i)$$

$$V_{g1} \left( sC_{gd} + \frac{1}{R_G} + sC_{gs} \right) - sC_{gs} V_i = \frac{V_g}{R_G},$$

Posle sređivanja prethodni sistem jednačina postaje

$$\begin{aligned} V_i \left( sC_s + sC_{gs} + \frac{1}{R_s} + g_m \right) - V_{g1} (sC_{gs} + g_m) &= 0 \\ -sC_{gs} V_i + V_{g1} \left[ s(C_{gd} + C_{gs}) + \frac{1}{R_G} \right] &= \frac{V_g}{R_G}. \end{aligned}$$

Izlazni napon je

$$V_i = \frac{D_i}{D} = \frac{\begin{vmatrix} 0 & -(sC_{gs} + g_m) \\ \frac{V_g}{R_G} & s(C_{gd} + C_{gs}) + \frac{1}{R_G} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} s(C_s + C_{gs}) + \frac{1}{R_s} + g_m & -(sC_{gs} + g_m) \\ -sC_{gs} & s(C_{gd} + C_{gs}) + \frac{1}{R_G} \end{vmatrix}},$$

odakle se dobija funkcija prenosa naponskog pojačanja pojačavača

$$\frac{V_i}{V_g} = \frac{\frac{g_m R_s}{1 + g_m R_s} \left( 1 + s \frac{C_{gs}}{g_m} \right)}{1 + s \left[ R_G C_{gd} + \frac{R_G C_{gs}}{1 + g_m R_s} + \frac{R_s (C_{gs} + C_s)}{1 + g_m R_s} \right] + s^2 R_s R_G \left[ \frac{C_{gs} C_{gd} + C_s (C_{gd} + C_{gs})}{1 + g_m R_s} \right]}$$

Smatrajući da su polovi realni i da je jedan pol dominantan,  $\omega_{p1} \ll \omega_{p2}$ , imenilac se može zapisati u obliku

$$I = 1 + as + bs^2 = \left( 1 + \frac{s}{\omega_{p1}} \right) \cdot \left( 1 + \frac{s}{\omega_{p2}} \right) \approx 1 + \frac{s}{\omega_{p1}} + \frac{s^2}{\omega_{p1} \omega_{p2}}.$$

Odakle je

$$\omega_{p1} = \frac{1}{a} = \frac{1}{R_G C_{gd} + \frac{R_s(C_{gs} + C_s)}{1+g_m R_s}} = \frac{1}{R_G \left( C_{gd} + \frac{C_{gs}}{1+g_m R_s} \right) + R_o (C_{gs} + C_s)}.$$

U prethodnom izrazu  $R_o$  je izlazna otpornost pojačavača,

$$R_o = R_s \parallel \frac{1}{g_m} = \frac{R_s}{1+g_m R_s}.$$

Učestanost nule je

$$f_z = \frac{1}{2\pi} \frac{g_m}{C_{gs}} = 10.12 \text{ GHz},$$

dok je učestanost nedominantnog pola

$$\omega_{p2} = \frac{a}{b} = \frac{R_G \left( C_{gd} + \frac{C_{gs}}{1+g_m R_s} \right) + R_o (C_{gs} + C_s)}{R_s R_G \left[ \frac{C_{gs} C_{gd} + C_s (C_{gd} + C_{gs})}{1+g_m R_s} \right]}.$$

Smenom brojnih vrednosti se dobija

$$f_{p1} = \frac{\omega_{p1}}{2\pi} = 6,61 \text{ GHz} \quad \text{I} \quad f_{p2} = \frac{\omega_{p2}}{2\pi} = 191 \text{ GHz} \gg f_{p1}.$$

- b) S obzirom da je drugi pol dosta udaljen od učestanosti u propusnom opsegu, funkcija prenosa se aproksimativno može zapisati u obliku

$$A(s) \approx \frac{g_m R_s}{1+g_m R_s} \frac{\left( 1+s \frac{C_{gs}}{g_m} \right)}{1+s \left[ R_G C_{gd} + \frac{R_s(C_{gs} + C_s)}{1+g_m R_s} \right]} = \frac{g_m R_s}{1+g_m R_s} \frac{1+\frac{s}{\omega_z}}{1+\frac{s}{\omega_{p1}}}.$$

Gornja granična učestanost je ona učestanost na kojoj pojačanje, u odnosu na pojačanje u propusnom opsegu, opadne za 3dB, odnosno  $\sqrt{2}$  puta,

$$\frac{g_m R_s}{1+g_m R_s} \frac{\sqrt{1+(\omega_H/\omega_z)^2}}{\sqrt{1+(\omega_H/\omega_{p1})^2}} = \frac{g_m R_s}{1+g_m R_s} \frac{1}{\sqrt{2}},$$

odakle je

$$\omega_H = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{\omega_{p1}^2} - \frac{2}{\omega_z^2}}} = 1.08 \cdot 10^{11} \text{ rad/s} \Rightarrow f_H = \frac{\omega_H}{2\pi} = 17,19 \text{ GHz}.$$

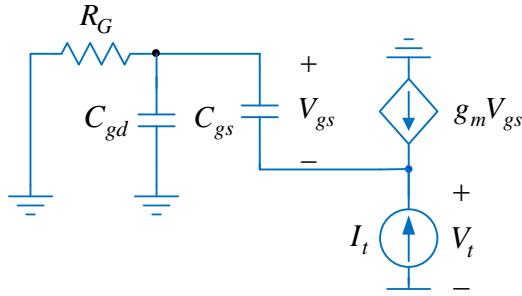
- c) Kada je  $C_L = 1 \text{ pF}$ , dominantan pol i dalje je  $\omega_{p1}$ , ali je sada

$$R_o (C_{gs} + C_s) \gg C_{gd} \left( R_G + \frac{C_{gs}}{1+g_m R_s} \right),$$

pa je učestanost dominantnog pola

$$\omega_{p1} \approx \frac{1}{R_o(C_{gs} + C_s)} = 2.06 \cdot 10^9 \text{ rad/s} \Rightarrow f_{p1} = \frac{\omega_{p1}}{2\pi} = 328.5 \text{ MHz}.$$

S obzirom da je učestanost nule ostala nepromenjena,  $f_z \gg f_{p1}$ , gornja granična učestanost pojačavača je određena učestanošću dominantnog pola



Slika 5.13b.

$$f_H = f_{p1} = 328.5 \text{ MHz}.$$

d) Izlazna impedansa pojačavača je

$$Z_0 = R_s \parallel \frac{1}{sC_{s1}} \parallel Z_{01}, \quad C_{s1} \approx C_{sb1} + C_{gd2} + C_{db2},$$

gde je  $Z_{01}$  impedansa koja se dobija pomoću kola sa slike 5.13b. Prema ovoj slici je

$$Z_{01} = \frac{V_t}{I_t},$$

$$-I_t = g_m V_{gs} + sC_{gs} V_{gs}, \quad -V_t = Z_g sC_{gs} V_{gs} + V_{gs},$$

odakle je

$$Z_{01} = \frac{sC_{gs} Z_g + 1}{g_m + sC_{gs}} = \frac{sC_{gs} \frac{R_G}{1 + sC_{gd} R_G} + 1}{g_m + sC_{gs}} = \frac{1}{g_m} \frac{1 + sR_G (C_{gs} + C_{gd})}{(1 + sC_{gd} R_G)(1 + sC_{gs}/g_m)}.$$

Izlazna impedansa je

$$Z_0 = \frac{1}{Y_{01} + \frac{1 + sC_{s1} R_0}{R_0}} = \frac{1}{\frac{g_m (1 + sC_{gd} R_G)(1 + sC_{gs}/g_m)}{1 + sR_G (C_{gs} + C_{gd})} + \frac{1 + sC_{s1} R_0}{R_0}},$$

odnosno

$$Z_0 = \frac{R_0}{1 + g_m R_0} \frac{1 + sR_G (C_{gs} + C_{gd})}{1 + s \left[ R_G C_{gd} + \frac{R_G C_{gs} + R_0 (C_{gs} + C_{s1})}{1 + g_m R_0} \right] + s^2 \frac{R_0 R_G (C_{gd} C_{s1} + C_{gs} C_{s1} + C_{gs} C_{gd})}{1 + g_m R_0}}.$$

Primenjujući aproksimaciju dominantnim polom dobija se

$$\omega_{p1} = \frac{1}{R_G C_{gd} + \frac{R_G C_{gs} + R_0 (C_{gs} + C_{s1})}{1 + g_m R_0}} = 7.57 \cdot 10^{10}$$

i

$$\omega_{p1} = \frac{R_G C_{gd} (1 + g_m R_0) + R_G C_{gs} + R_0 (C_{gs} + C_{s1})}{R_0 R_G (C_{gd} C_{s1} + C_{gs} C_{s1} + C_{gs} C_{gd})} = 1.29 \cdot 10^{12}.$$

Učestanost nule je

$$\omega_z = \frac{1}{R_G (C_{gd} + C_{gs})} = 5.32 \cdot 10^{11},$$

dok je izlazna impedansa na niskim učestanostima

$$Z_0|_{\omega \rightarrow 0} = \frac{R_0}{1 + g_m R_0} = 235.4 \Omega.$$

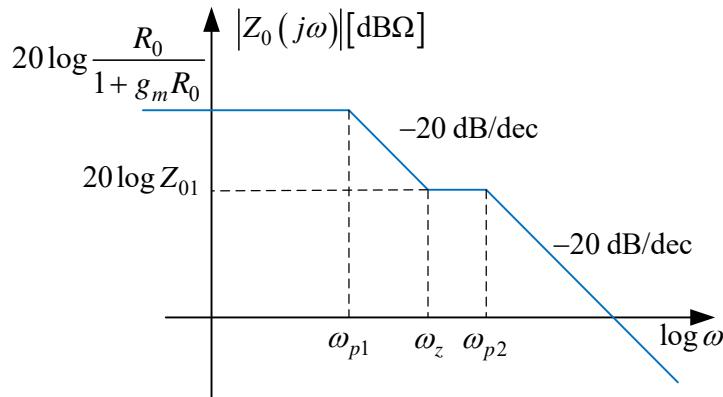
Funkcija prenosa izlazne impedanse je

$$Z_0 = 235.4 \frac{1 + \frac{s}{5.32 \cdot 10^{11}}}{\left(1 + \frac{s}{7.56 \cdot 10^{10}}\right) \left(1 + \frac{s}{1.29 \cdot 10^{12}}\right)}.$$

U opsegu učestanosti  $\omega_z < \omega < \omega_{p2}$  izlazna impedansa ima vrednost

$$Z_0|_{\omega_z < \omega < \omega_{p2}} = Z_{01} = \frac{g_m R_0}{1 + g_m R_0} \frac{\omega_{p1}}{\omega_z} = 33.45 \Omega.$$

Na slici 5.13c je prikazana asimptotska amplitudska karakteristika izlazne impedanse pojačavača.



Slika 5.13c.